

SỞ GIÁO DỤC VÀ ĐÀO TẠO  
TÂY NINH

**ĐỀ CHÍNH THỨC**

KỶ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT  
NĂM HỌC 2012 – 2013

Môn thi: TOÁN (Không chuyên)

Ngày thi : 02 tháng 7 năm 2012

Thời gian làm bài: 120 phút (không kể thời gian giao đề)

**Câu 1 :** (1 điểm) Thực hiện các phép tính

a)  $A = \sqrt{2} \cdot \sqrt{8}$

b)  $B = 3\sqrt{5} + \sqrt{20}$

**Câu 2 :** (1 điểm) Giải phương trình:  $x^2 - 2x - 8 = 0$ .

**Câu 3 :** (1 điểm) Giải hệ phương trình: 
$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x + y = 10 \end{cases}$$

**Câu 4 :** (1 điểm) Tìm  $x$  để mỗi biểu thức sau có nghĩa:

a)  $\frac{1}{x^2 - 9}$

b)  $\sqrt{4 - x^2}$

**Câu 5 :** (1 điểm) Vẽ đồ thị của hàm số  $y = x^2$

**Câu 6 :** (1 điểm) Cho phương trình  $x^2 - 2(m+1)x + m^2 + 3 = 0$ .

a) Tìm  $m$  để phương trình có nghiệm.

b) Gọi  $x_1, x_2$  là hai nghiệm của phương trình đã cho, tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$A = x_1 + x_2 + x_1x_2.$$

**Câu 7 :** (1 điểm) Tìm  $m$  để đồ thị hàm số  $y = 3x + m - 1$  cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 4.

**Câu 8 :** (1 điểm) Cho tam giác ABC vuông tại A có đường cao là AH. Cho biết  $AB = 3\text{cm}$ ,  $AC = 4\text{cm}$ . Hãy tìm độ dài đường cao AH.

**Câu 9 :** (1 điểm) Cho tam giác ABC vuông tại A. Nửa đường tròn đường kính AB cắt BC tại D. Trên cung AD lấy một điểm E. Nối BE và kéo dài cắt AC tại F. Chứng minh tứ giác CDEF là một tứ giác nội tiếp.

**Câu 10:** (1 điểm) Trên đường tròn (O) dựng một dây cung AB có chiều dài không đổi bé hơn đường kính. Xác định vị trí của điểm M trên cung lớn AB sao cho chu vi tam giác AMB có giá trị lớn nhất.

## BÀI GIẢI

**Câu 1 :** (1 điểm) Thực hiện các phép tính.

a)  $A = \sqrt{2} \cdot \sqrt{8} = \sqrt{16} = 4$

b)  $B = 3\sqrt{5} + \sqrt{20} = 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} = 5\sqrt{5}$ .

**Câu 2 :** (1 điểm) Giải phương trình.

$$x^2 - 2x - 8 = 0.$$

$$\Delta' = (-1)^2 - 1 \cdot (-8) = 9 > 0, \sqrt{\Delta'} = \sqrt{9} = 3.$$

$$x_1 = 1 + 3 = 4, x_2 = 1 - 3 = -2.$$

$$\text{Vậy } S = \{4; -2\}.$$

**Câu 3 :** (1 điểm) Giải hệ phương trình.

$$\begin{cases} 2x - y = 5 \\ 3x + y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x = 15 \\ 3x + y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ 9 + y = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 1 \end{cases}.$$

Vậy hệ phương trình đã cho có nghiệm duy nhất  $(3; 1)$ .

**Câu 4 :** (1 điểm) Tìm  $x$  để mỗi biểu thức sau có nghĩa:

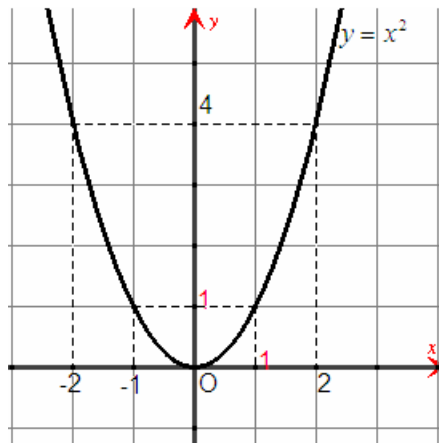
a)  $\frac{1}{x^2 - 9}$  có nghĩa  $\Leftrightarrow x^2 - 9 \neq 0 \Leftrightarrow x^2 \neq 9 \Leftrightarrow x \neq \pm 3$ .

b)  $\sqrt{4 - x^2}$  có nghĩa  $\Leftrightarrow 4 - x^2 \geq 0 \Leftrightarrow x^2 \leq 4 \Leftrightarrow -2 \leq x \leq 2$ .

**Câu 5 :** (1 điểm) Vẽ đồ thị của hàm số  $y = x^2$ .

BGT

$x$	-2	-1	0	1	2
$y = x^2$	4	1	0	1	4



**Câu 6 :** (1 điểm)

$$x^2 - 2(m+1)x + m^2 + 3 = 0.$$

a) Tìm  $m$  để phương trình có nghiệm.

$$\Delta' = (m+1)^2 - 1 \cdot (m^2 + 3) = m^2 + 2m + 1 - m^2 - 3 = 2m - 2.$$

$$\text{Phương trình có nghiệm} \Leftrightarrow \Delta' \geq 0 \Leftrightarrow 2m - 2 \geq 0 \Leftrightarrow m \geq 1.$$

b) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $A = x_1 + x_2 + x_1x_2$ .

Điều kiện  $m \geq 1$ .

$$\text{Theo Vi-ét ta có : } x_1 + x_2 = 2m + 2; x_1x_2 = m^2 + 3.$$

$$A = x_1 + x_2 + x_1x_2 = 2m + 2 + m^2 + 3 = m^2 + 2m + 5 = (m+1)^2 + 4 \geq 4.$$

$$\Rightarrow A_{\min} = 4 \text{ khi } m+1=0 \Leftrightarrow m=-1 \text{ (loại vì không thỏa điều kiện } m \geq 1).$$

$$\text{Mặt khác: } A = (m+1)^2 + 4 \geq (1+1)^2 + 4 \text{ (vì } m \geq 1) \Rightarrow A \geq 8.$$

$$\Rightarrow A_{\min} = 8 \text{ khi } m=1.$$

**Kết luận:** Khi  $m=1$  thì  $A$  đạt giá trị nhỏ nhất và  $A_{\min} = 8$ .

**Cách 2:** Điều kiện  $m \geq 1$ .

$$\text{Theo Vi-ét ta có: } x_1 + x_2 = 2m + 2; \quad x_1x_2 = m^2 + 3.$$

$$A = x_1 + x_2 + x_1x_2 = 2m + 2 + m^2 + 3 = m^2 + 2m + 5.$$

$$\text{Vì } m \geq 1 \text{ nên } A = m^2 + 2m + 5 \geq 1^2 + 2.1 + 5 \text{ hay } A \geq 8$$

$$\text{Vậy } A_{\min} = 8 \text{ khi } m=1.$$

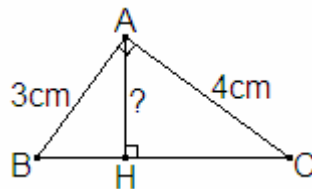
**Câu 7:** (1 điểm)

Đồ thị hàm số  $y = 3x + m - 1$  cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 4.

$$\Leftrightarrow m - 1 = 4 \Leftrightarrow m = 5.$$

Vậy  $m = 5$  là giá trị cần tìm.

**Câu 8:** (1 điểm)



Ta có:

$$BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5 \text{ (cm)}.$$

$$AH \cdot BC = AB \cdot AC$$

$$\Rightarrow AH = \frac{AB \cdot AC}{BC} = \frac{3 \cdot 4}{5} = 2,4 \text{ (cm)}.$$

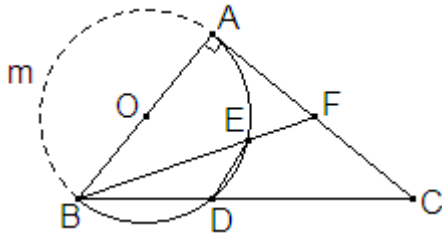
**Cách 2:**

$$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{AC^2}$$

$$\Rightarrow AH^2 = \frac{AB^2 \cdot AC^2}{AB^2 + AC^2} = \frac{3^2 \cdot 4^2}{3^2 + 4^2} = \frac{3^2 \cdot 4^2}{5^2}.$$

$$\Rightarrow AH = \frac{3 \cdot 4}{5} = 2,4 \text{ (cm)}.$$

**Câu 9:** (1 điểm)



GT	$\triangle ABC$ , $A = 90^\circ$ , nửa $\left(O; \frac{AB}{2}\right)$ cắt
	$BC$ tại $D$ , $E \in AD$ , $BE$ cắt $AC$ tại $F$ .
KL	$CDEF$ là một tứ giác nội tiếp

$$\text{Ta có: } C = \frac{1}{2}(\text{sđAmB} - \text{sđAED}) = \frac{1}{2}(\text{sđADB} - \text{sđAED}) = \frac{1}{2}\text{sđBD}$$

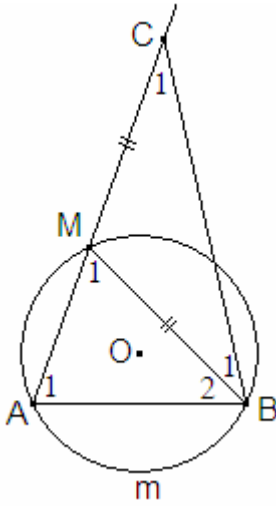
( $C$  là góc có đỉnh ngoài đường tròn).

$$\text{Mặt khác } \angle BED = \frac{1}{2}\text{sđBD} \text{ (} \angle BED \text{ góc nội tiếp)}.$$

$$\angle BED = C = \frac{1}{2}\text{sđBD}$$

$\Rightarrow$  Tứ giác CDEF nội tiếp được (góc ngoài bằng góc đối trong).

**Câu 10:** (1 điểm)



GT	(O), dây AB không đổi, $AB < 2R$ , $M \in AB$ (cung lớn).
KL	Tìm vị trí M trên cung lớn AB để chu vi tam giác AMB có giá trị lớn nhất.

Gọi P là chu vi  $\Delta MAB$ . Ta có  $P = MA + MB + AB$ .

Do AB không đổi nên  $P_{\max} \Leftrightarrow (MA + MB)_{\max}$ .

Do dây AB không đổi nên  $\text{AmB}$  không đổi. Đặt  $\text{sđAmB} = \alpha$  (không đổi).

Trên tia đối của tia MA lấy điểm C sao cho  $MB = MC$ .

$\Rightarrow \Delta MBC$  cân tại M  $\Rightarrow M_1 = 2C_1$  (góc ngoài tại đỉnh  $\Delta MBC$  cân)

$\Rightarrow C_1 = \frac{1}{2}M_1 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \text{sđAmB} = \frac{1}{4} \text{sđAmB} = \frac{1}{4} \alpha$  (không đổi).

Điểm C nhìn đoạn AB cố định dưới một góc không đổi bằng  $\frac{1}{4} \alpha$ .

$\Rightarrow C$  thuộc cung chứa góc  $\frac{1}{4} \alpha$  dựng trên đoạn AB cố định.

$MA + MB = MA + MC = AC$  (vì  $MB = MC$ ).

$\Rightarrow (MA + MB)_{\max} \Leftrightarrow AC_{\max} \Leftrightarrow AC$  là đường kính của cung chứa góc nói trên.

$\Rightarrow \angle ABC = 90^\circ \Rightarrow \begin{cases} B_1 + B_2 = 90^\circ \\ C_1 + A_1 = 90^\circ \end{cases} \Rightarrow A_1 = B_2$  (do  $B_1 = C_1$ )  $\Rightarrow \Delta AMB$  cân ở M.

$\Rightarrow MA = MB \Rightarrow M$  là điểm chính giữa của AB (cung lớn).

Vậy khi M là điểm chính giữa của cung lớn AB thì chu vi  $\Delta MAB$  có giá trị lớn nhất.